

# Table des matières

<b>Préface</b> .....	<b>ix</b>
<b>Préambule</b> .....	<b>xv</b>
<b>Système d'unités de Gauss</b> .....	<b>xxiii</b>
<b>Chapitre 1 • Modèle d'Ising à une et deux dimensions</b> .....	<b>1</b>
1.1 Introduction.....	1
1.1.1 Systèmes magnétiques anisotropes.....	2
1.1.2 « Gaz sur réseau ».....	3
1.1.3 Modèle d'alliages binaires .....	4
1.2 Le modèle d'Ising à une dimension, cas des forces à courte portée.....	4
1.2.1 Fonction de partition .....	5
1.2.2 Matrice de transfert.....	7
1.2.3 Fonctions de corrélations .....	9
1.2.4 Absence de transition de phase à une dimension .....	13
1.2.5 Interactions à longue portée.....	16

1.3	Le modèle d'Ising à deux dimensions.....	18
1.3.1	Matrice de transfert.....	18
1.3.2	Existence d'une transition de phase - méthode de Peierls .....	19
1.3.3	Dualité.....	23
1.3.4	Quelques résultats sur Ising 2D.....	32
1.3.5	Quelques caractéristiques de la transition.....	33
<b>Chapitre 2 • Transitions de phases - Généralités.....</b>		<b>37</b>
2.1	Généralités.....	37
2.1.1	Introduction.....	37
2.1.2	Classification des transitions de phase .....	40
2.1.3	Le modèle de Landau.....	48
2.2	Notion de symétrie brisée.....	51
2.2.1	Qu'est-ce que la symétrie brisée ? .....	51
2.2.2	Origine des brisures de symétrie .....	52
2.2.3	Propriétés liées aux brisures de symétrie .....	61
2.3	Modèle de Landau – Recherche des paramètres d'ordre .....	68
2.3.1	Introduction.....	68
2.3.2	Exemple simple .....	70
2.3.3	Cas général .....	73
2.4	Modèle de Landau – Ordre des transitions.....	75
<b>Chapitre 3 • Approximations de champ moyen.....</b>		<b>81</b>
3.1	Méthodes variationnelles.....	81
3.1.1	Les théorèmes variationnels.....	82
3.1.2	Méthode de Bragg et Williams – Champ moléculaire.....	85
3.2	Théorie thermodynamique de Landau.....	94
3.2.1	Principes généraux .....	94
3.2.2	Approximation du col .....	94
3.3	Théorie d'Ornstein-Zernike – Approximation gaussienne.....	102
3.3.1	Modèle gaussien .....	103
3.3.2	Fonction de corrélation .....	104
3.3.3	Longueur de corrélation .....	106
3.3.4	Susceptibilité relative au paramètre d'ordre.....	107
3.3.5	Validité de l'approche – Critère de Ginzburg.....	108
3.3.6	Dimensionnalités critiques.....	111
<b>Chapitre 4 • Phénomènes critiques .....</b>		<b>113</b>
4.1	Généralités.....	113
4.1.1	Comportement critique .....	113
4.1.2	Exposants critiques.....	115
4.1.3	Universalité.....	116
4.2	Lois d'échelles – Hypothèse d'homogénéité .....	124
4.3	Introduction au groupe de renormalisation.....	131
4.3.1	Le groupe de renormalisation.....	133

4.3.2	Point fixe – Champs pertinents .....	136
4.3.3	Surface critique – Bassin d'attraction .....	138
4.3.4	Exposants critiques.....	139
4.4	Exemple du modèle gaussien.....	141
4.4.1	Le modèle.....	141
4.4.2	La transformation du groupe de renormalisation .....	142
4.4.3	Les points fixes.....	143
4.4.4	Les exposants critiques .....	144
4.5	Au-delà du modèle gaussien.....	145
4.5.1	Introduction.....	145
4.5.2	Le modèle.....	146
4.5.3	Point fixe gaussien .....	147
4.5.4	Point fixe non gaussien.....	152
<b>Chapitre 5 • Les transitions de Kosterlitz-Thouless.....</b>		<b>159</b>
5.1	Introduction.....	159
5.1.1	Un type original de transition de phase.....	160
5.1.2	La notion d'ordre à grande distance.....	160
5.1.3	Le rôle des modes de Goldstone.....	161
5.1.4	Le rôle des défauts topologiques.....	162
5.2	Le modèle X-Y.....	162
5.2.1	L'énergie libre élastique .....	163
5.2.2	Les fluctuations .....	165
5.2.3	Le quasi ordre à longue distance.....	168
5.3	Les défauts topologiques.....	171
5.3.1	Introduction.....	171
5.3.2	Définitions.....	171
5.3.3	Configurations de vortex .....	176
5.3.4	Énergies de vortex.....	179
5.3.5	Interaction entre vortex .....	182
5.4	Transition de Kosterlitz-Thouless.....	185
5.4.1	Modèle de Villain – Gaz de Coulomb .....	185
5.4.2	Effet d'écran.....	188
5.4.3	Renormalisation.....	190
5.4.4	Propriétés de la transition .....	196
5.5	Exemples .....	197
5.5.1	Films superfluides .....	198
5.5.2	Fusion bidimensionnelle.....	200
<b>Chapitre 6 • Le gaz d'électrons.....</b>		<b>209</b>
6.1	Introduction.....	209
6.2	Gaz quantique – Premières approches et difficultés.....	210
6.2.1	Particule sans interaction – Trou d'échange.....	210
6.2.2	Méthodes de Hartree et Hartree Fock.....	213
6.2.3	Énergie totale – Calcul en perturbations.....	221

6.3	Méthode de la RPA .....	227
6.3.1	Méthode RPA – Plasmons .....	228
6.3.2	Constante diélectrique .....	241
6.3.3	Application : Cas statique – Écran .....	246
6.3.4	Énergie de l'état fondamental .....	250
6.4	Modèle du jellium .....	253
6.4.1	Généralités – Constante diélectrique .....	256
6.4.2	Modes propres d'oscillations .....	258
6.5	Instabilités de Peierls .....	265
6.5.1	État fondamental à température nulle .....	265
6.5.2	Température finie .....	270
6.5.3	Observations expérimentales .....	274
<b>Chapitre 7 • Théorie de Landau des liquides de Fermi .....</b>		<b>281</b>
7.1	Introduction .....	281
7.2	Principe d'exclusion et diffusion électron-électron près du niveau de Fermi .....	282
7.3	Les quasiparticules .....	284
7.3.1	Gaz parfait et Liquide de Fermi dégénéré .....	284
7.3.2	La notion de quasiparticule .....	287
7.3.3	Surface de Fermi des quasiparticules .....	293
7.3.4	Énergie des quasiparticules .....	295
7.4	Interaction entre quasiparticules .....	297
7.4.1	Fonctionnelle de l'énergie libre .....	297
7.4.2	Énergie locale d'une quasiparticule .....	299
7.4.3	Distribution d'équilibre de quasiparticules à température finie .....	301
7.5	Propriétés d'équilibre .....	302
7.5.1	Chaleur spécifique .....	303
7.5.2	Susceptibilité de spin .....	304
7.5.3	Compressibilité et vitesse du son .....	305
7.6	Propriétés hors d'équilibre .....	306
7.7	Application à $^3\text{He}$ liquide .....	308
7.8	Conclusion .....	313
<b>Chapitre 8 • Au-delà du liquide de Fermi .....</b>		<b>317</b>
8.1	Localisation par les corrélations électroniques .....	317
8.1.1	Transition de Wigner-Mott : généralités .....	318
8.1.2	Le traitement de Hubbard .....	321
8.1.3	L'approximation variationnelle de Gutzwiller .....	324
8.1.4	La théorie de champ moyen dynamique .....	334
8.2	Conducteurs unidimensionnels .....	338
8.2.1	Introduction .....	338
8.2.2	Modèle de conducteur unidimensionnel .....	341

8.2.3	Le traitement de champ moyen.....	346
8.2.4	Renormalisation à une dimension.....	351
8.3	Fermions corrélés à une dimension.....	362
8.3.1	Introduction.....	362
8.3.2	Bosonisation et liquide de Luttinger.....	362
8.3.3	Conclusions.....	366
<b>Chapitre 9</b>	<b>• Introduction au magnétisme localisé.....</b>	<b>369</b>
9.1	Introduction – Énergie d'échange.....	369
9.1.1	Atomes et ions magnétiques.....	370
9.1.2	Mécanismes d'échange.....	371
9.2	État d'équilibre stable – État fondamental.....	372
9.2.1	État d'équilibre stable de spins classiques – Structures magnétiques.....	373
9.2.2	État fondamental pour des spins quantiques.....	375
9.3	Champ moléculaire à température finie.....	377
9.3.1	Méthode du champ moléculaire statique – Cas uniforme.....	377
9.3.2	Champ moléculaire non uniforme.....	380
9.3.3	Structures magnétiques.....	382
9.3.4	Couplages moments magnétiques – Réseau.....	387
9.3.5	Parois et domaines.....	391
9.4	Ondes de spin et magnons.....	394
9.4.1	Ondes de spin dans un cristal ferromagnétique.....	394
9.4.2	Magnons.....	396
<b>Chapitre 10</b>	<b>• Le magnétisme itinérant.....</b>	<b>401</b>
10.1	Introduction au magnétisme itinérant.....	401
10.2	La théorie de Stoner.....	408
10.3	Ondes de Densité de Spin.....	415
10.3.1	Critère d'instabilité.....	415
10.3.2	Théorie de la phase ordonnée.....	420
10.3.3	Onde de Densité de Charge.....	429
10.3.4	Conduction de Fröhlich.....	432
10.3.5	Ondes de Densité de Spin induites par un champ magnétique.....	436
10.4	Magnons.....	448
10.4.1	Excitations collectives.....	449
10.4.2	Mode de Goldstone.....	452
<b>Chapitre 11</b>	<b>• Supraconductivité conventionnelle.....</b>	<b>457</b>
11.1	Principaux faits expérimentaux.....	457
11.1.1	Conductivité infinie.....	461
11.1.2	Effet Meissner.....	461
11.1.3	Courants persistants et quantification du flux.....	464
11.1.4	Chaleur spécifique.....	464
11.1.5	Gap d'énergie.....	465

11.1.6 Effets Josephson.....	468
11.1.7 Effet isotopique .....	469
11.2 Théorie phénoménologique de Ginzburg-Landau .....	469
11.2.1 Les équations de Ginzburg-Landau .....	469
11.2.2 Solutions dans des cas simples – Longueurs caractéristiques.....	473
11.2.3 Quantification du fluxoïde.....	478
11.2.4 Les deux types de supraconducteurs.....	479
11.3 La théorie de Bardeen-Cooper-Schrieffer .....	491
11.3.1 Introduction.....	491
11.3.2 L'appariement des électrons – Les paires de Cooper .....	497
11.3.3 Fondamental supraconducteur : méthode variationnelle .....	502
11.3.4 Fondamental supraconducteur : transformation de Bogoliubov	513
11.3.5 Supraconducteur à température finie.....	520
11.3.6 Quelques effets quantiques importants dans les supraconducteurs .....	536
<b>Chapitre 12 • Les supraconducteurs non conventionnels .....</b>	<b>543</b>
12.1 Introduction.....	543
12.2 Le « paradigme » de la supraconductivité « conventionnelle ».....	544
12.2.1 L'ordre supraconducteur.....	544
12.2.2 Les points essentiels de la théorie BCS de la supraconductivité conventionnelle .....	545
12.3 Les supraconducteurs « non conventionnels ».....	547
12.3.1 Les cuprates .....	548
12.3.2 Les conducteurs et supraconducteurs organiques .....	561
12.3.3 Les fermions lourds.....	570
12.3.4 Les pnictures.....	574
<b>Chapitre 13 • Exemples d'analogies élaborées par de Gennes .....</b>	<b>583</b>
13.1 Le parcours scientifique de Pierre-Gilles de Gennes .....	583
13.2 Trois exemples d'analogies développées par P.-G. de Gennes.....	585
13.2.1 Les analogies entre transitions de phase des supraconducteurs et celles des cristaux liquides.....	586
13.2.2 Physique et physico-chimie des polymères – La découverte $n = 0$ .....	592
13.2.3 La percolation : un concept unificateur .....	594
<b>Chapitre 14 • Physique des atomes froids et physique de la matière condensée .....</b>	<b>597</b>
14.1 Introduction.....	597
14.2 La physique de Fermi-Hubbard décrivant des atomes dans un réseau optique.....	598
14.3 Gaz quantiques atomiques .....	600

14.4 Atomes dans les réseaux optiques.....	601
14.5 Le modèle de Fermi-Hubbard dans un piège atomique.....	602
14.6 Physique à $N$ corps avec des interaction attractives ou répulsives ....	604
14.7 Limitations de la description de Fermi-Hubbard .....	606
14.8 Résonances de Feshbach .....	607
14.9 Perspectives .....	608